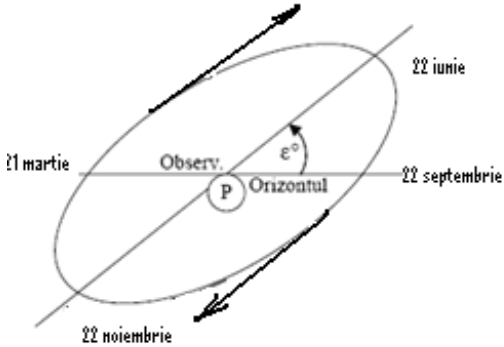


BAREM

Proba teoretică

Sectiunea juniori

Subiectul I

Subiectul	Parțial	Punctaj
I.1. Viteza orbitală depinde de forța gravitațională. Planeta interioară se va mișca mai repede decât cea îndepărtată.		2 puncte
<p>I. 2.</p> <p>La pol, Soarele nu se ridică mai sus de $23^{\circ},5$ deasupra orizontului; lungimea umbrei va fi minimă când Soarele este la înălțime maximă deasupra orizontului.</p> $\operatorname{tg} 23^{\circ},30 = \frac{H}{L_{umbra}}$ $L_{umbra} = H \operatorname{tg} 23^{\circ},5 = 2,299 H \quad L_{umbra} = 4,023 m$	<p>1p</p> <p>0,5p</p> <p>0,5p</p>	2 puncte
<p>I.3.</p> <p>Eliptica formează cu ecuatorul ceresc un unghi $\epsilon = 23^{\circ} 27'$. La poli, orizontul coincide cu ecuatorul ceresc. În această situație Soarele se află deasupra orizontului între cei două echinocții (21 martie-23 septembrie). Soarele la 15 noiembrie se află sub orizont, rezultând că nu poate fi văzută eclipsa. Soarele la 15 aprilie se află deasupra orizontului, fiind clar că o astfel de eclipsă poate fi observată.</p> 	<p>0,5p</p> <p>0,5p</p> <p>0,5p</p> <p>0,5p</p>	2 puncte
<p>I.4. Ținem cont că luminozitatea unei stele este direct proporțională cu temperatura la puterea a 4-a și cu pătratul razei stelei. Notând cu L luminozitatea la rază minimă și cu L' luminozitatea la rază maximă, se obține:</p> $L/L' = (T/T')^4 (R/R')^2$ $T = T', \quad R' = 2R$ $L/L' = 1/4$	<p>0,75</p> <p>0,75</p> <p>0,25</p> <p>0,25</p>	2 puncte
Oficiu		2 puncte
TOTAL		10 puncte

Subiectul II

Subiectul	Parțial	Punctaj
<p>a) $r_{\text{periheliu}} = r_1 = a(1-e)$</p> <p>$r_{\text{afeliu}} = r_2 = a(1+e)$</p> <p>$\frac{r_1}{r_2} = \frac{1-e}{1+e} = 0,0025$</p> <p>$\Rightarrow r_1 = 125UA$</p>	<p>1p</p> <p>1p</p> <p>0,5</p> <p>0,5</p>	3puncte
<p>b) Din legea a III-a a lui Kepler aflăm perioada orbitală a cometei:</p> <p>$T^2 = a^3$, cu T în ani, a în UA și masele în mase solare;</p> <p>$a = \frac{r_2}{1+e} = 2,506 \times 10^4 UA$</p> <p>$T = \sqrt{2,506 \times 10^4 \text{ }^3} = \sqrt{15,737 \times 10^{12}} = 3,967 \times 10^6 \text{ ani}$</p>	<p>1p</p> <p>1p</p> <p>1p</p>	3 puncte
<p>c) Pentru a putea evada cometa din sistemul solar, la periheliu, viteza cometei la periheliu trebuie să fie cel puțin egală cu viteza de evadare din câmpul gravitațional al Soarelui, la periheliu, v_{ev}:</p> <p>$v_{ev} = \sqrt{2} \times \sqrt{\frac{GM_{\odot}}{r_1}} = 3,74 \frac{km}{s}$</p>	<p>1,5p</p> <p>1,5p</p>	3puncte
Oficiu		1 punct
TOTAL		10 puncte

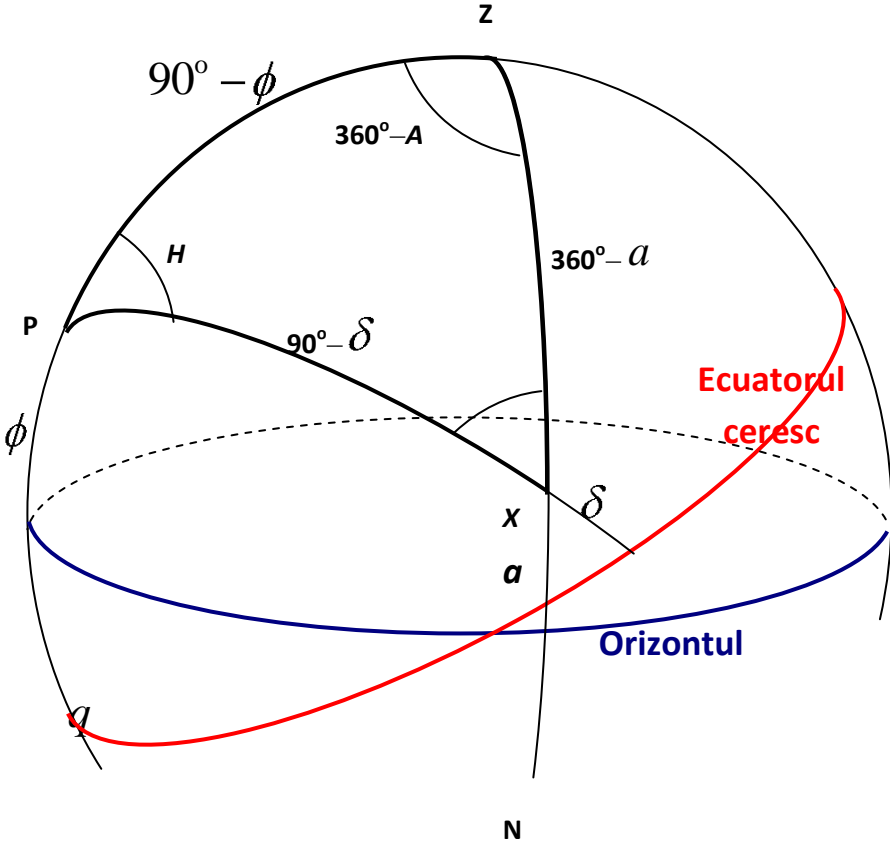
Subiectul III

Subiectul	Parțial	Punctaj
II. TEORIE		
<p>a) Ridicarea în atmosferă coboară orizontul cu un unghi care se poate calcula geometric. Notam cu h acest unghi și vom avea</p> <p>$\cos(h) = \frac{R_{\oplus}}{R_{\oplus} + 10,8km} = \frac{6376km}{6386,8km} = 0,9983$ (0,5p) de unde $h = 3,34^{\circ} = 3^{\circ}20'29''$</p> <p>(0,5p)1p=0,5p+0,5p</p> <p>La aceasta se adaugă $35'$ care reprezintă refracția atmosferică la orizont (0,5p) și vom obține $h = -3^{\circ}55'29''$ (0,5p)</p> <p>.....1p=0,5p+0,5p</p> <p>Aplicăm acum relația culminației superioare $h_{CS} = 90^{\circ} - \varphi + \delta$ (0,5p) unde vom pune pentru h_{CS} valoarea calculată anterior pentru o stea care se vede la limita orizontului când doar în momentul când este la culminație superioară și vom</p>		3puncte



Subiectul	Parțial	Punctaj
<p>înlocui latitudinea. Obținem $\delta = \varphi - 90^\circ + h_{CS} = 47^\circ 27' 39'' - 90^\circ - 3^\circ 55' 29'' = -46^\circ 27' 50''$ (0,5p) 1p = 0,5p+0,5p</p>		
<p>b). Se aplică formula pentru unghiul orar al răsăritului și apusului (0,5p) : $\cos H = -\operatorname{tg} \varphi \cdot \operatorname{tg} \delta = -\operatorname{tg}(47^\circ 27' 39'') \cdot \operatorname{tg}(18^\circ 57' 42'') = -1,089812 \cdot 0,34358 = -0,3$ și se determină cele 2 valori ale acestuia: Valoarea negativă corespunde răsăritului $H_{\text{răsărit}} = -111,9895167858^\circ = -7\text{h}27\text{m}57\text{s}$ care înseamnă de fapt 16h32m3 iar cea pozitivă apusului $H_{\text{apus}} = 7\text{h}27\text{m}57\text{s}$ (0,5p), ambele având aceeași valoare în modul Pentru determinarea azimutului se va scrie teorema sinusului în triunghiul sferic de poziție al lui Arcturus $\frac{\sin 180^\circ - A}{\sin 90^\circ - \delta} = \frac{\sin H}{\sin 90^\circ - h}$ (0,5p) unde $h = 0^\circ$ pentru ca la răsărit și apus steaua este la orizont, așa că după ce ținem seama și de relațiile binecunoscute din trigonometrie vom avea $\sin A = \cos \delta \cdot \sin H = 0,945736 \cdot 0,92725238 = 0,877$ de unde $A = 118,726^\circ$ pentru că am ținut seama ca unghiul orar fiind mai mare de 90° sau 6h trebuie ca și azimutul să fie mai mare de 90°. Astfel $A_{\text{răsărit}} = -118,726^\circ = 241,275^\circ$ pentru răsărit și $A_{\text{apus}} = 118,726^\circ$ pentru apus (0,5p) Timpul sideral se calculează cu formula $t_{\text{sideral}} = \alpha + H$ (0,5p) și vom obține $t_{\text{sideral răsărit}} = 14\text{h}15\text{m}38\text{s} - 7\text{h}27\text{m}57,5\text{s} = 6\text{h}48\text{m}40,5\text{s}$ pentru timpul sideral al răsăritului, respectiv $t_{\text{sideral apus}} = 14\text{h}15\text{m}38\text{s} + 7\text{h}27\text{m}57,5\text{s} = 21\text{h}43\text{m}35,5\text{s}$ pentru timpul sideral al apusului lui Arcturus (0,5p) Pentru ora legală a acestor evenimente calculăm ora legală a trecerii la meridian.</p>		3 puncte
<p>c). Ora legală se determină cu formula $t_{\text{Local}} = H_{\square} + 12^h + \eta + n^h - L$ (0,5p) unde $n = 2$ pentru ca suntem în fusul +2 și de aici ne dăm seama că trebuie să determinăm unghiul orar al Soarelui în acel moment. Aplicând formula timpului sideral atât pentru Arcturus cât și pentru Soare putem scrie $t_{\text{Soare}} = H + \alpha$ respectiv $t_{\text{Soare}} = H_{\square} + \alpha_{\square}$ (0,25p) și ținând seama că unghiul orar al unui astru ce trece la meridian este $H = 0^\circ$ de aici $H_{\square} = \alpha - \alpha_{\square}$ (0,25p) și ne dăm seama că trebuie să știm ascensia dreaptă a Soarelui în acel moment. Aici vom folosi informațiile despre momentul echinocțiului de primăvară și momentul solstițiului de iarnă și cu regula de 3 simplă aplicată anotimpului de iarnă astronomică determinăm longitudinea ecliptică a Soarelui în 15 martie. Pentru aceasta se calculează câte zile mai sunt până la echinocțiul de primăvară, adică 5 zile iar iarna astronomică o determinăm ca având durata de 89 zile și 6 ore, timp în care longitudinea ecliptică a Soarelui crește cu 90 grade. (0,25p) Obținem astfel că longitudinea ecliptică a Soarelui este $\lambda_{\square} = 360^\circ - 90^\circ \cdot \frac{5\text{zile}}{89,25\text{zile}} = 354,958^\circ$ (0,25p). Acum scriem relațiile lui Gauss pentru triunghiul sferic dreptunghic având la laturi ecuatorul ceresc, ecliptica și meridianul ceresc dus prin poziția Soarelui în acel moment: $\sin \delta = \sin \varepsilon \cdot \sin \lambda = 0,0346$ de unde determinăm declinația $\delta = -2,002939^\circ$, pe care o folosim în $\cos \lambda = \cos \delta \cdot \cos \alpha$ (0,25p) Pentru ascensia dreaptă a Soarelui $\alpha = -4,173^\circ = 355,82^\circ$ sau 23h43m8s.....(0,25p) Astfel unghiul orar al Soarelui va fi</p>		3 puncte



Subiectul	Parțial	Punctaj
<p> $H_{\square} = \alpha - \alpha_{\square} = 14h15m38s - 23h43m8s = -9h27m30s$ (0,25p) ceea ce înseamnă de fapt 14h32m30s (transformăm mai întâi longitudinea în ore $L = 1h45m12s$) și astfel ora legală a momentului culminației superioare a lui Arcturus este $t_L = H_{\square} + 12^h + \eta + n^h - L = 14h32m30s + 12h + 9m1s + 2h - 1h45m12s = 26h56m19s$ ceea ce înseamnă de fapt ora $t_{local\ CS} = 2h56m19s$ (0,25p) </p> <p>Acum ora legală a apusului se obține adunând la aceasta unghiul orar iar cea de răsărit, scăzând unghiul orar $t_{local\ total} = t_{local\ CS} - H = 26h56m19s - 7h27m57s = 19h28m22s$ (0,25p)</p> <p>Pentru răsăritul lui Arcturus</p> <p>$t_{local\ apus} = t_{local\ CS} + H = 2h56m19s + 7h27m57s = 10h24m16s$ pentru apus (0,25p)</p> 		
Oficiu		1 punct
TOTAL		10 puncte